

Programação I

Jordana S. Salamon

jssalamon@inf.ufes.br

jordanasalamon@gmail.com

DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA
CENTRO TECNOLÓGICO
UNIVERSIDADE FEDERAL DO ESPÍRITO SANTO

A Arte de Resolver Problemas

- ▶ A resolução de um problema como um processo complexo que se divide em quatro etapas
 - ▶ Compreensão do Problema
 - ▶ Planejamento
 - ▶ Desenvolvimento
 - ▶ Avaliação do processo e seus resultados

REVISÃO

Etapa 1 - Compreensão do Problema

REVISÃO

- ▶ Perguntas tais como:
 - ▶ Quais são os dados de entrada?
 - ▶ O que desejamos produzir como resultado?
 - ▶ Qual a relação que existe entre os dados de entrada e o resultado a ser produzido?
 - ▶ Quais são as propriedades importantes que os dados de entrada possuem?

Etapa 2 - Planejamento (Estratégia)

REVISÃO

▶ Perguntas:

- ▶ Qual a relação que existe entre este problema que temos e um outro problema já conhecido?
- ▶ Será que podemos quebrar o problema em problemas menores?
- ▶ Será que generalizando o problema não chegaremos a um outro já conhecido?
- ▶ Conhecemos um problema parecido, embora mais simples, o qual quando generalizado se aproxima do que temos?

Etapa 3 - Desenvolvimento (Construção)

REVISÃO

- ▶ Nesta fase, devemos considerar os elementos da linguagem de programação que iremos usar, respeitando os elementos disponibilizados pela linguagem:
 - ▶ Tipos de dados
 - ▶ Formas de definição
 - ▶ Possibilidades de generalização
 - ▶ (re)Uso de elementos anteriormente definidos.



nemo

Etapa 3 - Desenvolvimento

- ▶ Em síntese, a fase de desenvolvimento compreende as seguintes subfases:
 - ▶ construção da solução;
 - ▶ planejamento do teste;
 - ▶ execução manual do teste;
 - ▶ codificação da solução;
 - ▶ teste com o uso do computador.

REVISÃO

Etapa 4 - Avaliação

- ▶ Perguntas:
 - ▶ Este foi o melhor caminho que poderia ter sido usado?
 - ▶ Será que desdobrando a solução não obtenho componentes que poderei usar mais facilmente no futuro?
 - ▶ Se esta solução for generalizada é possível reusá-la mais facilmente em outras situações?
- ▶ Registre tudo, organize-se para a resolução de outros problemas. Anote suas decisões, enriqueça a sua biblioteca de soluções e métodos.

REVISÃO

Tipos de Dados

- ▶ Denominamos Tipo de Dados a um conjunto de valores, munido de um conjunto de operações sobre esses valores.
- ▶ Por exemplo, podemos denominar de T1 ao tipo de dados formado por um conjunto S de valores idêntico aos números naturais ($S = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$) e munido das operações de adição (a) e multiplicação (m).
- ▶ Cada operação, por sua vez, relaciona um (ou mais) conjunto(s) de valores do domínio a outro conjunto de valores do contradomínio.

Tipos de Dados

- ▶ Para o tipo T1, o domínio de ‘a’ é o produto cartesiano $S \times S$ e o contradomínio é S .
- ▶ A notação a seguir, semelhante à notação matemática, é usualmente utilizada e em geral é denominada de “assinatura” da operação.
- ▶ $a :: S \times S \rightarrow S$
- ▶ $m :: S \times S \rightarrow S$
- ▶ Esta notação significa que a operação de adição a opera dois valores do conjunto S e resulta em um valor do mesmo conjunto.

Tipos de Dados

- ▶ Usamos até agora os tipos Numéricos:
 - ▶ Tipo Inteiro: Representa um intervalo finito do conjunto matemático dos números inteiros (int e long).
 - ▶ Tipo Real: Representa um intervalo finito do conjunto matemático dos números reais (float).
 - ▶ **IMPORTANTE:** A parte inteira do número real é separada das casas decimais por ponto!

```
>>> 3.2
```
 - ▶ Uma outra notação possível para números reais é a notação científica, denotada por uma base, seguida da letra „e” ou „E” e o expoente.

```
>>> 10e-5  
0.0001
```



Tipos Numéricos

▶ Operadores Numéricos Básicos:

- ▶ SOMA: +
- ▶ SUBTRAÇÃO: -
- ▶ MULTIPLICAÇÃO: *
- ▶ DIVISÃO REAL: / >>> 1.0 / 2.0
0.5
- ▶ DIVISÃO INTEIRA: // (arredonda para baixo)
>>> 1 // 2 >>> 1.0 // 2.0
0 0.0
- ▶ RESTO DA DIVISÃO INTEIRA: %
- ▶ POTENCIAÇÃO: **

Tipos Numéricos

▶ Coerção numérica

▶ Automática

```
>>> 1 + 4.5
```

```
5.5
```

▶ Forçada

```
>>> float(3)
```

```
3.0
```

```
>>> int(3.7)
```

```
3
```

▶ Arredondamento

```
>>> round(3.75)
```

```
4.0
```

▶ Ademais, pode-se fazer a coerção forçada usando as seguintes funções:

Nome	Descrição	Exemplos
<code>float(x)</code>	Converte um número inteiro em um número real	<pre>>>> float(3) 3.0</pre>
<code>int(x)</code>	Converte um número real em um número inteiro, eliminando a parte decimal	<pre>>>> int(3.75) 3</pre>
<code>round(x)</code>	Arredonda um número real	<pre>>>> round(3.75) 4.0</pre>

Tipo Caracter/String

- ▶ Letras, símbolos e até mesmo números representados entre aspas simples ou duplas

```
>>> def Ola():  
    return "Ola Mundo!!!"  
  
>>> Ola()  
'Ola Mundo!!!'
```



Proposições Lógicas

- ▶ Afirmações sobre as quais podemos discutir quanto à veracidade:
 - ▶ Três é maior que dois.
 - ▶ Todo número primo é ímpar.
 - ▶ Hoje é domingo.
- ▶ Sentenças Fechadas: todos os componentes estão devidamente explicitados.



Proposições Lógicas

- ▶ Sentenças Abertas: alguns componentes não estão explicitados.
 - ▶ $x + 5 < 10$
- ▶ O valor verdade apenas pode ser avaliado quanto instanciamos, ou seja, quando atribuimos valores aos componentes em aberto:
 - ▶ $3 + 5 < 10$
 - ▶ $6 + 5 < 10$



Proposições Lógicas

- ▶ **Sentenças Compostas**: podemos combinar sentenças de forma que seus valores verdade componham um valor verdade final
 - ▶ Três é maior que dois e dois é maior que um.
 - ▶ Hoje é domingo ou hoje é segunda.
 - ▶ **Nem** todo número primo é ímpar.
 - ▶ $x + 5 < 10$ e $2x < 5$
- ▶ Usamos três **operadores lógicos** para compor as sentenças:
 - ▶ e, ou e não (nem)

Expressões lógicas em Python

► Operadores Lógicos

Operação lógica	Operador lógico (Python)
e	and
ou	or
não	not

► Operadores Relacionais

Operador	Significado	Exemplo	Resultado
==	igualdade	$(2 + 3) == (8 - 3)$	True
!=	Diferença	$5 != (4 * 2 - 3)$	False
<	Menor	$(2 + 3) < 6$	True
<=	Menor ou igual	$(2 * 3) <= 6$	True
>	Maior	$(4 + 2) > (2 * 3)$	False
>=	Maior ou igual	$(8 - 3 * 2) >= 15$	False

Expressões lógicas em Python

```
>>> 5 > 4
```

```
True
```

```
>>> 4 != 4 + 1
```

```
True
```

```
>>> 5 % 2 == 1
```

```
True
```

```
>>> 3 > 2
```

```
True
```

```
>>> 3 < 2
```

```
False
```

Tipo Boolean

- ▶ Um tipo de dados para representar a satisfação ou não de uma proposição.
- ▶ Representa o valor verdade das proposições lógicas
=> Verdadeiro ou Falso
- ▶ O nome é uma homenagem a George Boole que estudou e formalizou as operações com estes tipos de valores.

Definição de funções de verificação

- ▶ Agora que temos um novo tipo de dados, podemos utilizá-lo escrevendo expressões de forma tão natural quanto aquela que usamos para escrever expressões aritméticas. Usando essas expressões podemos então construir definições cujo tipo resultante seja booleano.

Verificar se a é múltiplo de b	<pre>def multiplo(a, b): return (a % b) == 0</pre>
Verificar se a é divisor de b	<pre>def divisor(a, b): return multiplo(b, a)</pre>
Verificar se 3 números estão em ordem crescente	<pre>def ordc(a, b, c): return (a < b) and (b < c)</pre>
Verificar se um número x está no intervalo fechado definido por a e b	<pre>def pert(x, a, b): return (x >= a) and (x <= b) ou def pert(x, a, b): return not((x < a) or (x > b))</pre>

Definição de funções de verificação

- Podemos usar agora os operadores lógicos para construir expressões compostas:

Verificar se 3 números estão em ordem crescente	<pre>def ordc(a, b, c): return (a < b) and (b < c)</pre>
Verificar se um número x está no intervalo fechado definido por a e b	<pre>def pert(x, a, b): return (x >= a) and (x <= b) ou def pert(x, a, b): return not((x < a) or (x > b))</pre>
Verificar se um determinado ponto do espaço cartesiano está no primeiro quadrante	<pre>def pquad(x, y): return (x > 0) and (y > 0)</pre>
Verificar se 3 números a , b e c , são lados de um triângulo retângulo	<pre>def tret(a, b, c): return ((a**2 + b**2) == c**2) or ((a**2 + c**2) == b**2) or ((b**2 + c**2) == a**2)</pre>

Exemplo

- ▶ Desejamos verificar se um determinado ponto do espaço cartesiano está dentro ou fora de um retângulo paralelo aos eixos, conhecidos os pontos: o canto superior esquerdo e o canto inferior direito do retângulo.



Exemplo

- ▶ **Etapa 1 [Entendendo o problema]**
 - ▶ Estamos tratando de qualquer quadrante?
 - ▶ De que preciso para definir o retângulo?
 - ▶ Um ponto que esteja sobre um dos lados, está dentro ou fora do retângulo?
- ▶ Vamos assumir então as seguintes decisões:
 - ▶ Ponto e retângulo localizados no primeiro quadrante.
 - ▶ O retângulo é definido por canto superior esquerdo e canto inferior direito, representados por pontos.
 - ▶ Dos pontos serão informadas as duas coordenadas
 - ▶ Os pontos na borda são considerados pertencentes ao retângulo.

Exemplo

- ▶ **Etapa 2 [Planejando a Solução]**
 - ▶ Conheço algum problema parecido?
 - ▶ Posso decompor este problema em problemas mais simples?
 - ▶ Sei resolver um problema mais geral de que este é um caso particular?

- ▶ Posso decompor o problema na verificação de dois espaços lineares, um definido pelos lados paralelos ao eixo das ordenadas e outro paralelo ao eixo das abscissas.
- ▶ Como combino as duas soluções?

Exemplo

► Etapa 3 [Construindo a Solução]

```
>>> def pertLinear(x,a,b): return (x >= a) and (x <= b)
```

```
>>> def pertPlano (x,y,x1,x2,y1,y2) : return pertLinear(x,x1,x2) and  
    pertLinear(y,y2,y1)
```



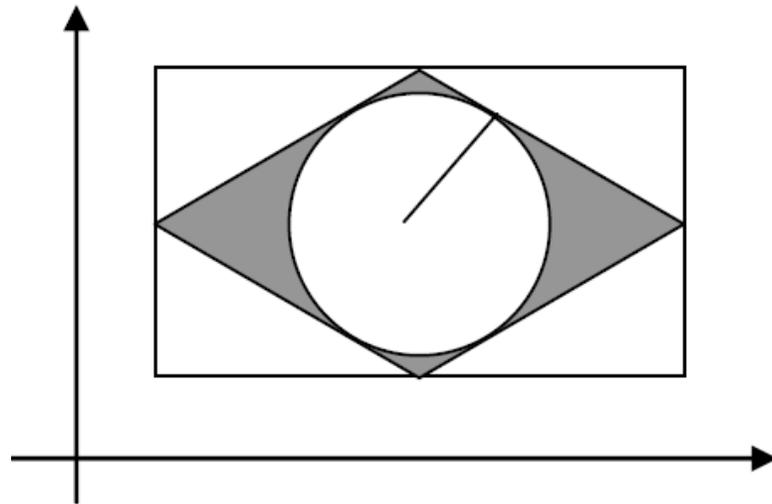
Exemplo

- ▶ **Etapa 4 [Analisando a Solução]**
 - ▶ Existem outras maneiras de resolver o problema?
 - ▶ Esta solução se aplica aos outros quadrantes?
 - ▶ Esta idéia poderia ser generalizada para outras dimensões?



Exercício

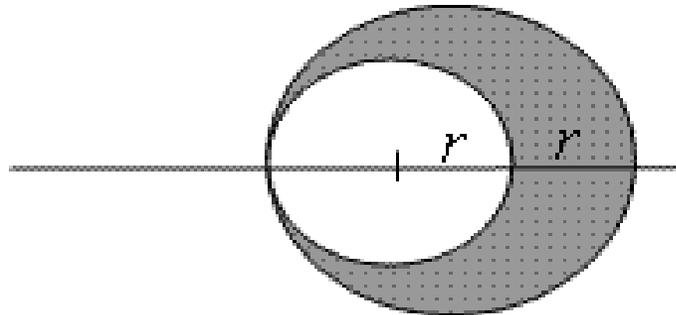
- ▶ Dado um ponto $P(x,y)$ do plano cartesiano, defina funções que descrevam a sua pertinência nas regiões cinzas da figura abaixo:



- ▶ A região $R2$ do losango (região cinza), sendo dados os pontos E e D do retângulo e sabendo-se que o círculo é tangente aos lados do losango.

Exercício

- ▶ Descreve funções que calcule:
- ▶ A) A raiz da equação $ax + b = 0$.
- ▶ B) A temperatura em graus Fahrenheit, dada a temperatura em graus Celsius.
 - ▶ A proporção é dada por: $t_c/5 = (t_f - 32)/9$
- ▶ C) A área cinza da figura abaixo, dado o raio r do círculo menor



That's all Folks!



nemo