### Biologia Computacional - 2004/2

11/23/04

### Aula 3: Alinhamento Local

Instrutor: Berilhes Borges Garcia Escriba: Suelen Marconsini Loureiro

# 1 Introdução

Alinhamento global é muito utilizado para comparar membros de uma mesma família de proteínas:

- frequentemente de tamanho similar (ex: globulinas).
- de modo a inferir a história evolutiva.

Por outro lado, alinhamento local é mais útil para comparar sequências de DNA de espécies diferentes e comparar proteínas de famílias diferentes.

O problema do alinhamento local com relação a duas strings  $S_1[1...n]$  e  $S_2[1...m]$  pode ser resolvido em tempo O(nm) (Smith & Waterman 1981). Note que existem  $\theta(n^2m^2)$  pares possíveis de substrings!

Suposição útil: a similaridade de duas strings vazias é zero.

### 2 Alinhamento local de sufixos

Considere primeiro uma versão mais restrita do problema:

Dado índices  $i \leq n$  e  $j \leq m$ , o problema do alinhamento local de sufixos consiste em encontrar um sufixo  $\alpha$  de  $S_1[1...i]$  e um sufixo  $\beta$  de  $S_2[1...j]$  de similaridade máxima (que nós denotamos por v(i,j)).

Exemplo: Assuma que os escores são s(x,y)=2 quando x=y, e s(x,y)=-1 quando  $x\neq y$  (para qualquer  $x,y\in \sum'$  ).

Considere as strings:

Então:

• 
$$v(3,4) = 2 \ (\alpha = \beta = c)$$

• 
$$v(4,5) = 1 \ (\alpha = cf, \beta = cd)$$

• 
$$v(5,5) = 3 \ (\alpha' = f_{-}d, \beta = fcd)$$

Denote o alinhamento local ótimo por  $v^*$ .

#### Teorema 1.

$$v^* = \max\{v(i,j)|i \le n, j \le m\}$$

$$\tag{1}$$

*Proof.* 1.  $v^* \ge \max\{v(i,j)|i\le n, j\le m\}$  (alinhamento local de sufixos é um caso especial do alinhamento local).

- 2. Assuma que  $v^*$  é a similaridade das substrings  $\alpha$  e  $\beta$  terminando nas posições  $i^*$  e  $j^*$ , respectivamente. Isto implica que  $\alpha$  e  $\beta$  são sufixos de  $S_1[1...i^*]$  e  $S_2[1...j^*]$ , respectivamente. Portanto,  $v^* \leq \max\{v(i,j)|i\leq n,j\leq m\}$ .
- 3. (1) e (2) implicam o teorema.

Corolário 1. Se  $v(i^*, j^*) = \max\{v(i, j)|i \leq n, j \leq m\}$ , então sufixos  $\alpha$  de  $S_1[1...i^*]$  e  $\beta$  de  $S_2[1...j^*]$ , cuja similaridade é  $v(i^*, j^*)$ , formam uma solução para o problema do alinhamento local.

• Como determinar  $i^*, j^*, \alpha \in \beta$ ?

Por programação dinâmica.

### 2.1 Recorrências para o alinhamento local de sufixos

Caso base: v(i,0) = v(0,j) = 0 (você sempre pode escolher a string vazia)

Caso indutivo: (i, j > 0)

Como os sufixos  $\alpha$  de  $S_1[1...i]$  e  $\beta$  de  $S_2[1...j]$  podem ser alinhados de forma ótima? Existem 4 possibilidades.

- 1. Eles poderiam ser strings vazias  $\rightarrow$  escore v(i,j)=0
- 2.  $S_1[i]$  contra  $S_2[j] \rightarrow$  escore  $v(i-1,j-1)+s(S_1[i],S_2[j])$
- 3.  $S_1[i]$  contra espaço  $\rightarrow$  escore  $v(i-1,j)+s(S_1[i],\_)$
- 4.  $S_2[j]$  contra espaço  $\rightarrow$  escore  $v(i,j-1)+s(\_,S_2[j])$

O ótimo para v(i,j) é obtido escolhendo-se o máximo das possibilidades acima.

$$v(i,j) = \max \begin{cases} 0 \\ v(i-1,j-1) + s(S_1[i], S_2[j]) \\ v(i-1,j) + s(S_1[i], \_) \\ v(i,j-1) + s(\_, S_2[j]) \end{cases}$$
 (2)

A tabela de v(i, j), com ponteiros, pode ser construída utilizando-se esra recorrência, exatamente como antes.

O valor máximo  $v^*$  é encontrado procurando todas as células da tabela, digamos que seja a célula  $(i^*, j^*)$ . Substrings  $\alpha$  e  $\beta$  com similaridade  $v^*$  são encontradas seguindo-se os ponteiros da célula  $(i^*, j^*)$  para uma célula  $(i^i, j^i)$  com  $v(i^i, j^i) = 0$ . Então  $\alpha = S_1[i^i...i^*]$  e  $\beta = S_2[j^i...j^*]$ .

**Teorema 2.** O problema do alinhamento local entre as strings  $S_1[1...n]$  e  $S_2[1...m]$  pode ser resolvido em tempo O(nm).

### Observações:

- Ao invés de um par  $(\alpha, \beta)$  de substrings, um certo número de substrings similares, digamos com similaridade acima de um certo valor, podem ser encontrados de forma semelhante.
- Note que esquemas de pontuação apropriados são necessários para encontrar alinhamentos locais significativos.

## 3 Gaps

Um gap é uma sequência consecutiva de espaços em um alinhamento.

Alinhamentos com gaps correspondem melhor a alguns fenômenos biológicos que nós tentamos modelar.

- Uma deleção ou inserção de uma substring de DNA "frequentemente" ocorre como um evento mutacional único.
- Gaps podem algumas vezes representar características importantes para inferir a história evolutiva de um conjunto de strings.

Como penalizar os gaps?

Existem várias possibilidades de atribuição de custos aos gaps em um alinhamento: constante, afim, convexo e arbitrário.

O modelo constante é o mais simples.

Ajuste s(x, x) = s(x, x) = 0 para todo caracter x, e a cada gap atribua um peso  $W_g$  (independente do tamanho do gap).

Assim nós temos que encontrar um alinhamento que maximize

$$\sum_{i=1}^{l} (s(S_1'[i], S_2'[i])) - G.W_g$$

onde G é o número total de gaps.